

## Kombinatorik, Graphen, Matroide

### 12. Übung

1. Bestimmen Sie die Ramsey-Zahl  $R(3, 4)$ . (3 Punkte)

2. Beweisen Sie den allgemeinen Satz von Ramsey: Es seien  $k$  und  $l_1, \dots, l_r$  gegeben. Dann gibt es eine kleinste Zahl  $R(k; l_1, \dots, l_r)$ , so dass folgendes gilt: Ist  $N$  eine  $n$ -elementige Menge mit  $n \geq R(k; l_1, \dots, l_r)$  und sind die  $k$ -elementigen Untermengen von  $N$  irgendwie mit den Farben  $1, \dots, r$  gefärbt, so gibt es eine Farbe  $i$ , so dass in einer  $l_i$ -elementigen Untermenge von  $N$  alle  $k$ -elementigen Teilmengen mit  $i$  gefärbt sind. (6 Punkte)  
Hinweis: Benutzen Sie vollständige Induktion über  $r$ . Für  $r = 2$  bietet sich eine Induktion über  $k$  an.

3. Berechnen Sie für  $x \neq 1$  die folgende Ausdrücke (d.h. finden Sie eine Darstellung, die eine Auswertung mit einer konstanten Anzahl von Rechenoperationen erlaubt):

(a)  $\sum_{k=1}^n kx^k$

(b)  $\sum_{k=1}^n k^2 x^k$  (2+2 Punkte)

4. Für die Zahlen  $T_n$  ( $n \in \mathbb{N}$ ) gelte:  $T_0 = 5$ ,  $3T_n = 2nT_{n-1} + 5(n!)$  (für  $n > 0$ ). Lösen Sie die dadurch gegebene Rekursion durch die Wahl geeigneter Summationsfaktoren. (3 Punkte)

#### Homepage der Übung:

[http://www.or.uni-bonn.de/lectures/ss18/kgm\\_uebung\\_ss18.html](http://www.or.uni-bonn.de/lectures/ss18/kgm_uebung_ss18.html)

**Abgabe:** Dienstag, den 10.7.2018, vor der Vorlesung.

Dieser Zettel hat wird für die Zulassung zur Klausur nicht mehr berücksichtigt.